

Correction exercices

mercredi 1 avril 2020 14:45

Correction exercice 88 page 224 - Signe de $f(x) = (2x+3)(-x+1)$

Les antécédents de 0 par f sont : $(2x+3)(-x+1) = 0$ Règle du produit nul
 $2x+3=0 \Leftrightarrow 2x=-3 \Leftrightarrow x = -\frac{3}{2} = -1,5$; $-x+1=0 \Leftrightarrow 1=x$
 Attention, on pense à les classer!

x	$-\infty$	\leftarrow	$-\frac{3}{2}$	\leftrightarrow	1	\leftarrow	$+\infty$
$2x+3$		-	0		+		(+)
$-x+1$		+		+	0		-
$f(x)$		(-)	0		(+)	0	(-)

affine $m = \frac{2}{+}$ croissante sur \mathbb{R}
 affine $m = \frac{-1}{-}$ décroissante sur \mathbb{R}
 Règle des signes

Question a : L'ensemble des solutions de l'inéquation : $(2x+3)(-x+1) \geq 0$ est donc : $\mathcal{S} = \left[-\frac{3}{2}; 1\right]$

Question b : L'ensemble des solutions de l'inéquation : $(2x+3)(-x+1) < 0$ est donc : $\mathcal{S} =]-\infty; -\frac{3}{2}[\cup]1; +\infty[$

inégalité stricte

Correction exercice 99 page 225

1. Résoudre dans \mathbb{R} , $\frac{7x+1}{x+2} < 0$

$$\frac{N}{D} = 0 \Leftrightarrow N = 0 \text{ et } D \neq 0$$

Signe de $f(x) = \frac{7x+1}{x+2}$

La valeur interdite est : $x+2=0 \Leftrightarrow x=-2$

Le ou les antécédent(s) de 0 par f sont : $7x+1=0 \Leftrightarrow 7x=-1 \Leftrightarrow x = -\frac{1}{7}$

Attention, on pense à classer les valeurs!

x	$-\infty$	\leftarrow	-2	\leftrightarrow	$-\frac{1}{7}$	\leftarrow	$+\infty$
$7x+1$		-		-	0		+
$x+2$		-	0		+		+
$f(x)$		+		(-)	0		+

affine $m = \frac{7}{+}$ croissante sur \mathbb{R}
 affine $m = \frac{1}{+}$ croissante sur \mathbb{R}
 Règle des signes

L'ensemble des solutions de l'inéquation : $\frac{7x+1}{x+2} < 0$ est donc :

$$\mathcal{S} = \left]-2; -\frac{1}{7}\right[$$

-2 est v.i. inégalité stricte

2. Résoudre dans \mathbb{R} , $\frac{3-5x}{x+2} \leq 0$

Signe de $f(x) = \frac{3-5x}{x+2}$

La valeur interdite est : $x+2=0 \Leftrightarrow x=-2$

Le ou les antécédent(s) de 0 par f sont : $\frac{3-5x}{x+2} = 0 \Leftrightarrow 3-5x=0 \Leftrightarrow -5x=-3 \Leftrightarrow x = \frac{-3}{-5} = \frac{3}{5}$

Attention, on pense à classer les valeurs!

x	$-\infty$	\leftarrow	-2		$\frac{3}{5}$	\leftarrow	$+\infty$
$3-5x$			+		+	0	-
$x+2$			-	0		+	
$f(x)$			-		+	0	-

Affine $m = -5$ décroissante sur \mathbb{R}

Affine $m = 1$ croissante sur \mathbb{R}

Règle des signes

L'ensemble des solutions de l'inéquation : $\frac{3-5x}{x+2} \leq 0$ est donc :

$S =]-\infty; -2[\cup \left[\frac{3}{5}; +\infty[$

\swarrow v. l.
 \uparrow "égalité large"

Exercice n°1 : Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation suivante : $h(x) = (2x-8)(15+3x) > 0$.

1) Rechercher les antécédents de 0 par h : $(2x-8)(15+3x) = 0$

Règle du produit nul

$$\begin{aligned} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x-8=0 \\ 2x=8 \end{cases} \begin{matrix} +8 \\ \div 2 \end{matrix} & \quad \Leftrightarrow \begin{cases} 15+3x=0 \\ 3x=-15 \end{cases} \begin{matrix} -15 \\ \div 3 \end{matrix} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x=4 \end{cases} & \quad \Leftrightarrow \begin{cases} x=-5 \end{cases} \end{aligned}$$

2) Compléter le tableau de signes suivant :

x	$-\infty$	\longleftrightarrow	-5		4	\longleftrightarrow	$+\infty$
Signe de $(2x-8)$			-		0		+
Signe de $(15+3x)$			-	0	+		+
Signe du produit : $h(x)$			+	0	-	0	+

Affine $m=2$ croissante sur \mathbb{R}

Affine $m=3$ croissante sur \mathbb{R}

Règle des signes

3) Conclure en déterminant les solutions de l'inéquation :

$$S =]-\infty; -5[\cup]4; +\infty[$$

↑ inégalité stricte $R(x) > 0$

Exercice 2 : Résoudre dans \mathbb{R} : $k(x) = \frac{5x-4}{-8x+6} < 0$.

1) Déterminer la valeur interdite. $-8x+6=0 \Leftrightarrow -8x=-6 \Leftrightarrow x = \frac{-6}{-8} = \frac{3}{4} = 0,75$

2) Déterminer les antécédents par k de 0. $\frac{5x-4}{-8x+6} = 0 \Leftrightarrow \begin{matrix} 5x-4=0 \\ \text{et} \\ -8x+6 \neq 0 \end{matrix} \Leftrightarrow \begin{matrix} 5x=4 \\ \text{et} \\ x \neq \frac{3}{4} \end{matrix} \Leftrightarrow x = \frac{4}{5} = 0,8$

3) Compléter le tableau de signes suivant :

x	$-\infty$	\longleftrightarrow	$\frac{3}{4}$		$\frac{4}{5}$	\longleftrightarrow	$+\infty$
Signe de $(5x-4)$			-		0		+
Signe de $(-8x+6)$			+	0	-		-
Signe du quotient : $k(x)$			-		+		-

Affine $m=5$ croissante sur \mathbb{R}

Affine $m=-8$ décroissante sur \mathbb{R}

Règle des signes.

4) Conclure en déterminant les solutions de l'inéquation :

$$S =]-\infty; \frac{3}{4}[\cup]\frac{4}{5}; +\infty[$$